



Biometria - EDAP

Teste de hipóteses e significância

(Leitura complementar ao [capítulo 3](#))

Sumário:

[Elementos do teste de hipóteses](#)

[Erros estatísticos](#)

[Graus de liberdade](#)

[Nível de significância](#)

[Significância](#)

[Teste de hipóteses](#)

Significância

O papel principal da análise estatística é estabelecer se os resultados obtidos têm *significância estatística*, de acordo com limites pré-estabelecidos.

Quando se formula uma hipótese em relação a uma determinada característica de uma população, a amostra dela retirada pode

- pertencer à população de origem, portanto as diferenças observadas são decorrentes de flutuações biológicas normais *ou*
- não pertencer a essa população e as diferenças encontradas representam um *efeito* real, não podendo ser atribuídas ao *acaso*.

No primeiro caso, diz-se que os valores encontrados "*não são estatisticamente significativos*" e no segundo "*são estatisticamente significativos*".

É importante notar que essas expressões são empregadas sempre tendo em vista "níveis de significância" previamente escolhidos.

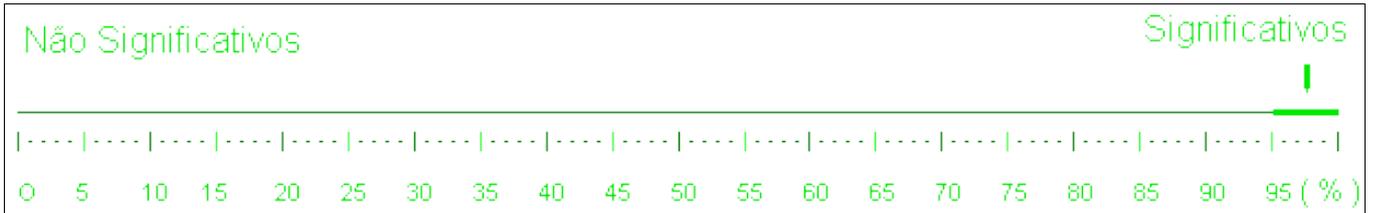
Nível de significância

É o *limite* que se toma como base para afirmar que um certo *desvio* é decorrente do *acaso* ou não.

São aceitos como estatisticamente significativos os níveis $P = 0,05$ e $P = 0,01$, ou seja, 5% e 1% respectivamente.

A partir de um nível de significância convencionalizado (α) os desvios são devidos à lei do acaso e o resultado é considerado não significativo.

Assim, se $\alpha = 5\%$, os resultados podem ser:



Na prática, considera-se *satisfatório* o limite de 5% de probabilidade de erro, não sendo significativas as diferenças que tiverem uma probabilidade acima desse limite.

O nível de significância deve ser estabelecido *antes* do experimento ser realizado e corresponde ao *risco* que se corre de rejeitar uma hipótese verdadeira ou aceitar uma hipótese falsa.

A significância de um resultado também é denominada de *valor p* (p-value).

Graus de liberdade

É o número de classes de resultados menos o número de informações da amostra que é necessário para o cálculo dos valores esperados em cada classe.

Ou seja, o número de graus de liberdade pode ser calculado como

o número de classes menos 1.

Exemplo: Supondo um caso de herança onde há duas características, uma dominante outra recessiva.

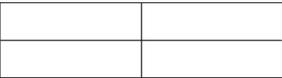
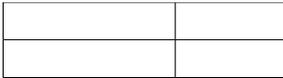
O número de graus de liberdade é, nesse caso: $2 - 1 = 1$, pois $GL = n - 1$, em que $n =$ número de classes

Paralelamente, no caso de lançamento de um dado seriam 5 os graus de liberdade, já que $n = 6$, pois há seis faces no dado.

Entretanto, se os dados estiverem *tabelados*, evidentemente, deve-se considerar apenas a área dos dados. O valor de GL é assim calculado:

$GL = (\text{número de linhas} - 1) \times (\text{número de colunas} - 1)$

Exemplos:

			
$(2-1) \times (2-1)$	$(2-1) \times (3-1)$	$(3-1) \times (2-1)$	$(3-1) \times (3-1)$
GL = 1	GL = 2	GL = 2	GL = 4

Teste de hipóteses

Para se testar algo é necessário estabelecer uma hipótese nula e uma alternativa, sendo ambas antagônicas.

A *hipótese nula* é uma hipótese tida como verdadeira até que provas estatísticas indiquem o contrário. É comumente designada por H_0 .

Pode ser uma afirmação quanto a um parâmetro que é propriedade de uma população (Ex:

[média](#), [variância](#), [desvio padrão](#)).

E, como é impossível observar toda a população, o teste é baseado na observação de uma amostra aleatória dela retirada.

Também é frequente que a hipótese nula consista em afirmar que os parâmetros ou características matemáticas de duas ou mais populações são idênticos.

Por exemplo, se desejarmos comparar valores obtidos para a variável altura entre indivíduos de amostras de duas cidades, A e B, a *hipótese nula* poderia ser:

"A média das alturas da cidade A é *igual* à da cidade B".

A *hipótese alternativa* deve ser *contrária, oposta, antagônica* à hipótese nula. É comumente designada por H_1 ou H_a .

Note-se que, como as hipóteses são contraditórias, elas *não* poderão ser *simultaneamente verdadeiras*.

Assim, quando se aceita H_0 também rejeita-se H_1 e vice-versa.

Nesse exemplo a *hipótese alternativa* seria:

"A média das alturas da cidade A é *diferente* da encontrada na cidade B".

Entretanto, evidentemente deve-se expressar as hipóteses de modo numérico. Por exemplo:

O teste de lançamento da moeda pode ser feito para verificar se ela é viciada ou não.

Lembrando que p = probabilidade de cair cara = $\frac{1}{2}$ e q = probabilidade de cair coroa = $\frac{1}{2}$, pode-se estabelecer *duas hipóteses*:

- Hipótese Nula: $p-q = 0$ ou seja, $p = q$
- Portanto, se p for igual a q , pode-se concluir que a moeda *não* é viciada.
- H. Alternativa: $p-q \neq 0$ ou seja, $p \neq q$

Nesse caso, se p for diferente de q , pode-se concluir que a moeda é viciada.

Elementos do teste de hipóteses

Há *cinco* passos que devem ser seguidos para realizar um teste de hipóteses:

1. Identificar o *teste estatístico* apropriado para os dados que se deseja analisar.

Deve-se lembrar que o teste produz um valor numérico, uma quantidade calculada a partir dos valores dos próprios dados que serão testados (Ex: médias, correlações, frequências, tendências,...).

Assim, depois de estabelecido o nível de significância, escolhe-se o teste apropriado, o que exige conhecimento de estatística.

Essa escolha depende de:

- Tipo de dados: [nominiais](#), [ordiniais](#) ou [intervalares](#)
 - - *Nominiais*: estudo de proporções. Teste de [Qui-quadrado](#),
 - - *Ordiniais*: estudo de proporções, [medianas](#), [quartis](#), [moda](#). Testes: [Qui-quadrado](#), Kruskal-Wallis, regressão logística e outros testes não paramétricos.
 - - *Intervalares*: estudo de proporções, [medianas](#), [quartis](#), [moda](#). Testes: [Qui-quadrado](#), Kruskal-Wallis.
- Também se pode estudar as [médias](#), desvios-padrão, efetuar [análise de variância](#), a

correlação e [regressão linear](#) e outros testes não paramétricos.

- Há [emparelhamento dos dados](#) ou não?
- Qual é a [distribuição dos dados](#)?
- A amostra é pequena ou grande?
- Amostra é isolada? Há duas amostras ou mais de dois grupos?

Em testes *paramétricos* usa-se uma [distribuição](#) teórica.

Por exemplo, diremos que a média amostral obtida em uma amostra, segue uma certa distribuição cujas características são previamente conhecidas. (Ex.: a média de alturas de uma população segue a [distribuição normal](#)). Aqui é importante lembrar que as distribuições [normal](#) e [binomial](#) são particularmente frequentes em dados biológicos.

Já, se o teste for *não paramétrico*, não se assume nenhuma distribuição conhecida.

Quando se compara dois grupos de dados, o teste de significância determina a probabilidade de eles se originarem ou não da mesma população. Já, quando se compara mais de dois grupos deve-se usar análise de variância.

2. Definir a *hipótese nula* (H_0). É comum escolher como hipótese nula aquela que se deseja rejeitar e provar o contrário. Por exemplo, a correlação entre duas características (altura e idade dos indivíduos de uma amostra) é igual a zero.

3. Definir a *hipótese alternativa* (H_1). Frequentemente essa hipótese é simples: " H_0 não é verdadeira".

4. Obter a *distribuição nula*, que é simplesmente a distribuição amostral do teste estatístico supondo que a hipótese nula seja verdadeira.

A distribuição nula pode ser uma [distribuição](#) cujos parâmetros são conhecidos (por exemplo, uma distribuição normal, com média μ e desvio padrão σ , uma distribuição [t-student](#), ou uma distribuição empírica obtida pela reamostragem dos dados.

5. Comparar a estatística observada com a distribuição nula.

Se o valor obtido estiver em uma região suficientemente improvável da distribuição nula, então H_0 é rejeitada como improvável de ser verdadeira.

Se, por outro lado, o valor obtido estiver em uma região provável da distribuição nula, então H_0 não pode ser rejeitada.

É importante notar que aceitar H_0 não significa que a hipótese nula seja verdadeira, mas, apenas que não existe evidência suficiente para rejeitá-la.

Erros estatísticos

Ao tomar uma decisão a favor ou contra uma hipótese há apenas *dois tipos de erro* estatísticos que se pode cometer.

Erro do tipo 1: rejeita-se H_0 , quando H_0 é verdadeira

Erro do tipo 2: aceita-se H_0 , quando H_0 é falsa

Resumindo, para aplicar um teste de significância, cria-se uma hipótese que, geralmente, é a de igualdade (hipótese nula). O teste é feito para tentar refutar esta hipótese. Mas, por erros amostrais (flutuações) pode-se incorrer em erros de tomada de decisão.

	Se a hipótese nula for verdadeira	Se a hipótese nula for falsa
<i>Aceita-se a hipótese nula</i>	Corretamente, aceita-se a hipótese verdadeira	<i>Erro do tipo II (beta):</i> Aceita-se uma hipótese nula que é falsa
<i>Rejeita-se a hipótese nula</i>	<i>Erro do tipo I (alfa):</i> Rejeita-se uma hipótese nula que é verdadeira	Corretamente, rejeita-se a hipótese falsa

A probabilidade de se rejeitar H_0 quando ela é verdadeira corresponde ao nível de significância (alfa).

Este "site", destinado prioritariamente aos alunos de Fátima Conti, pretende auxiliar quem esteja começando a se interessar por Bioestatística, computadores e programas, estando em permanente construção. Sugestões e comentários são bem vindos. Agradeço antecipadamente.

Endereço dessa página:

HTML: <http://www.cultura.ufpa.br/dicas/biome/biotestes.htm>

PDF: <http://www.cultura.ufpa.br/dicas/pdf/biotestes.pdf>

Última alteração: 13 out 2009 (Solicito conferir datas. Pode haver atualização só em HTML).