

## Biometria - EDAP

### Descrição de amostras

(Leitura complementar ao [capítulo 1](#))

#### Sumário:

[Desvio Padrão](#)

[Média](#)

[Média e mediana](#)

[Média, variância e DP em dados classificados](#)

[Mediana](#)

[Medidas de dispersão](#)

[Medidas de tendência central](#)

[Medidas Separatrizes](#)

[Moda](#)

[Variância](#)

*Lembrete:* Antes de ler esse texto já devem ter sido lidos:

[Estatística, Hipótese, Método e Ciência,](#)

[População, Amostra, Variáveis, Dados e](#)

[Criação de Tabelas](#)

#### **Medidas de tendência central (ou Medidas de concentração ou Promédios)**

Como o próprio nome já diz, *medidas de tendência central* são aquelas cujo valor tende a localizar-se no *centro* de uma série de [dados](#).

Frequentemente, quando se analisa os valores de uma variável em uma amostra, constata-se que os dados não se distribuem uniformemente, havendo concentração em alguns pontos, notadamente próximos ao centro da distribuição.

Ou seja, é comum haver um grande número de elementos com valores próximos à média e poucos indivíduos apresentando valores extremos, isto é próximos aos valores mínimo e máximo..

Assim, de modo geral, se houver a necessidade ou interesse em apresentar informações de um conjunto de dados na forma resumida devemos apresentá-los em forma de medidas de tendência central.

Pode-se, portanto, estudar os valores numéricos que determinam a distribuição, procurando o ponto onde está a maior concentração de valores individuais, ou seja, as medidas de *tendência central*.

Delas, as mais importantes em estatística são: *Média, Mediana e Moda*.

### Média

Há vários tipos de média (aritmética - simples ou ponderada, geométrica, harmônica, quadrática, cúbica, biquadrática).

A mais usada é a *média aritmética simples* ou, simplesmente, *média*, que é obtida dividindo-se a soma das observações pelo número delas. É um quociente geralmente representado pela letra M ou pelo símbolo  $\bar{x}$  (lê-se "x barra").

### Média de dados puros

Se tivermos uma série de N valores de uma variável x (  $x_1, x_2, x_3, x_4, \dots, x_n$  ) a média será determinada pela expressão:

$$\bar{x} = (x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + \dots + x_n) / N = \Sigma x / N$$

Supondo os seguintes dados, já *ordenados*:

4	5	6	6	6	7	7	7	8	8
9	9	9	9	9	10	10	10	10	11
12	12	12	12	12	13	13	13	13	14
14	15	15	15	15	15	16	17	18	19
19	19	20	20	21	22	23	24	25	26

$$\bar{x} = \Sigma / N = 664 / 50 = 13,28$$

Para saber como efetuar os *cálculos* no [BrOffice.org Calc](http://BrOffice.org/Calc), quando se tem todos os dados individuais, clicar [aqui](#).

Lembrar que  $\bar{x}$  refere-se à média da amostra (com n elementos) e deve ser distinguida da média da população,  $\mu$  (com N elementos).

### Média de dados agrupados

Como calcular a média *se os dados estiverem agrupados* em uma tabela de distribuição de frequências?

Evidentemente, a frequência tem que ser incluída no cálculo da média que passa a ser:

$$\text{Média} = \bar{x} = \Sigma fx / n$$

que pode ser calculada assim:

		dev
4	1	4
5	1	5
6	3	18
7	3	21
8	2	16
9	5	45
10	4	40
11	1	11
<b>12</b>	5. sub total: 25	60
<b>13</b>	4	52

14	2	28
15	5	75
16	1	16
17	1	17
18	1	18
19	3	57
20	2	40
21	1	21
22	1	22
23	1	23
24	1	24
25	1	25
26	1	26
Totais	50	664
	<b><math>\Sigma f = N</math></b>	<b><math>\Sigma fx</math></b>
<b>Média:</b>	<b>664/50</b>	<b>13.28</b>

### Mediana

A mediana ocupa a posição central de uma série de dados ordenados.

- é o próprio valor central se a série for ímpar *ou*
- é a média aritmética dos dois valores centrais quando a sequência for par.

É absolutamente necessário que os valores estejam dispostos em *ordem* (crescente ou decrescente) de magnitude. Ou seja, a mediana divide os dados: 50% dos valores estão abaixo e 50% estão acima da mediana.

Portanto, mediana é o valor que divide uma série ordenada de modo que pelo menos a metade das observações sejam iguais ou maiores do que ela, e que haja pelo menos outra metade de observações maiores do que ela.

Chama-se de *EMd* o elemento mediano, aquele que indica a posição da mediana.

$$0 \text{-----} Q1 \text{-----} \overset{Mi}{Q2} \text{-----} Q3 \text{-----} Q4$$

A mediana é representada pelo símbolo *Mi* e, evidentemente, coincide com o segundo quartil (Q2).

Na amostra acima, em que há 50 valores a mediana é a média dos 2 valores centrais (12 e 13) portanto é 12,5.

### Mediana de dados não agrupados

Se houver um número ímpar de valores ordenados é só verificar o valor que ocupa a *posição central*. Se houver um número par de valores ordenados toma-se a soma dos 2 valores que estão nas posições centrais e divide-se por 2.

### Mediana de dados agrupados

Os mesmos dados anteriores foram agrupados nas seguintes classes:

Classes	Frequência	Frequência acumulada
4 - 7	8	8
8 - 11	12	20
12 - 15 *	16	36
16 - 19	6	42
20 - 23	5	47
24 - 27	3	50

A *posição* da mediana deverá corresponder à observação de ordem  $N/2$ .

Neste exemplo a posição será  $50/2 = 25$ . Ou seja, deverá estar na classe de 12-15, ocupando a 25a. posição, de acordo com a seguinte fórmula:

$$Mi = li + [(N/2 - fa) / fc \cdot i]$$

em que:

Mi = mediana

li = limite inferior da classe que deve conter a Mi

N = total

fa = frequência acumulada anterior à classe que deve conter a Mi

i = intervalo de classe

fc = frequência da classe que deve conter a Mi

Portanto:

$$Mi = li + [(N / 2 - fa) / fc \cdot i]$$

$$= 12 + [( 50 / 2 - 20) / 16 \cdot 4] = 12 + 0,3125 \cdot 4 = 12 + 1,25 = 13,25$$

Para facilitar os cálculos utilize uma planilha especial:

*Mediana* em amostras com até 25 classes  
com dados classificados

Copie a planilha *comprimida* em formato [ods](#)

## Média e Mediana

Como se pode interpretar a Mediana e a Média?

É preciso lembrar, primeiramente, que a Mediana pode ser usada tanto para [variáveis quantitativas intervalares](#) como para [variáveis qualitativas ordinais](#), enquanto a Média só pode ser utilizada para variáveis intervalares.

Em segundo lugar, no caso das variáveis *quantitativas*, embora a Média seja um valor mais fácil de entender, tem o defeito de nos induzir em erro se a amostra contiver valores muito extremos.

Por *exemplo*, supondo uma amostra A em que foi estudada a idade de 7 indivíduos (1 a 7), em meses.

Mas, se o último elemento for 350, ao invés de 70, seria obtida a amostra B:

posição	1	2	3	4	5	6	7	Total	Média	Mediana
<b>A</b>	10	20	30	40	50	60	70	280	40	40
<b>B</b>	10	20	30	40	50	60	150	360	51,43	40

Deve-se notar que

- O valor da média é igual ao da mediana na amostra A, (40)
- As medianas são iguais em ambas as amostras (40)
- Mas, em B, a média saltou para 80, ou seja, ficou superior à maioria dos valores individuais.

Observando os 7 valores individuais da amostra, verifica-se que o número 40 é melhor representante da distribuição global da idade na amostra que o número 80.

Assim, no caso de *variáveis quantitativas*, quando o valor da mediana é muito diferente da média, é aconselhável considerar sempre a mediana como valor de referência mais importante, pois a média aritmética pode ser distorcida por valores discrepantes, o que se comprova ao observar na tabela que a idade do indivíduo 7 está bem distante da maioria dos outros.

Portanto, pode-se concluir que:

- A média reflete o valor de todas as observações e se a distribuição dos dados for aproximadamente simétrica a média tem valor próximo ao da mediana.
- A mediana é *mais robusta* do que a média como medida de localização, pois é menos sensível a alguns dados chamados de "outliers", ou seja, aos valores muito maiores ou muito menores do que os restantes.
- Quando a distribuição está enviesada para a esquerda (há alguns valores pequenos como "outliers"), a média tende a ser inferior à mediana. O oposto acontece quando a distribuição está enviesada para a direita, nesse caso a média tende a ser maior que a mediana, pois há alguns valores grandes como "outliers".

### Moda

É o valor amostral que tem a maior frequência, ou seja, é o encontrado em maior número de vezes, portanto, é a observação mais "provável" da distribuição dos dados. É representada pela notação *Mo* e também é chamada de "*Modo*".

Portanto, numa amostra a moda pode não existir. E uma distribuição em que não há elementos repetidos é dita *amodal*.

Também deve-se considerar que a moda pode não ser única. Se dois valores aparecem em igual quantidade de vezes a distribuição é dita bimodal. Para três valores, trimodal, e assim, sucessivamente.

Importante é notar que se existe apenas *uma moda* em uma amostra, há apenas um grupo de indivíduos com suas variações, ou seja, a amostra é *homogênea*.

Mas, se houver *duas ou mais modas*, há *grupos* diferentes dentro daquela amostra. Diz-se, então, que a amostra é *heterogênea*.

### Métodos para calcular a moda

- Simples inspeção



## Variância

A *variância*, representada por  $s^2$ , e é definida como o "*desvio quadrático médio da média*".

Note-se que como a variância mede os *desvios em relação à média* (ou seja, a diferença entre cada dado e a média) e avalia o *grau de dispersão* de um conjunto de dados.

Considere 3 amostras, A, B e C, com médias iguais, em que o comprimento de um órgão (em mm) foi anotado.

											soma	média
<b>A</b>	160	162	165	168	172	175					1002	167
<b>B</b>	160	161	162	168	170	173	175				1169	167
<b>C</b>	160	162	163	164	165	167	170	171	173	175	1670	167

É importante notar que as **amplitudes** (  $175-160 = 15$  ) e as **médias** ( = 167 ) são iguais nas 3 amostras.

Para analisar a dispersão dos dados em torno da média, em cada amostra, obtém-se o desvio em relação à média (  $x - \bar{x}$  ) e as suas somas.

É importante notar que não há média dos desvios (  $x - \bar{x}$  ), porque a sua soma em cada amostra é sempre igual a zero.

Assim, também se obtém os quadrados dos desvios (  $x - \bar{x}$  )<sup>2</sup> e as suas somas:

<b>A</b>	<b>desvio</b>	<b>desvio<sup>2</sup></b>	<b>B</b>	<b>desvio</b>	<b>desvio<sup>2</sup></b>	<b>C</b>	<b>desvio</b>	<b>desvio<sup>2</sup></b>
	( $x - \bar{x}$ )	( $x - \bar{x}$ ) <sup>2</sup>		( $x - \bar{x}$ )	( $x - \bar{x}$ ) <sup>2</sup>		( $x - \bar{x}$ )	( $x - \bar{x}$ ) <sup>2</sup>
160	-7	49	160	-7	49	160	-7	49
162	-5	25	161	-6	36	162	-5	25
165	-2	4	162	-5	25	163	-4	16
168	1	1	168	1	1	164	-3	9
172	5	25	170	3	9	165	-2	4
175	8	64	173	6	36	167	0	0
			175	8	64	170	3	9
						171	4	16
						173	6	36
						175	8	64
<b>1002</b>	<b>0</b>	<b>168</b>	<b>1169</b>	<b>0</b>	<b>220</b>	<b>1670</b>	<b>0</b>	<b>228</b>

Ressalte-se que apesar da dispersão dos dados em torno da média ser a mesma nos 3 grupos, a *soma dos quadrados* dos desvios  $(x - \bar{x})^2$  é maior no grupo **C**, pois é o que possui maior número de dados.

Mas, para medir a dispersão dos dados em relação à média, deve-se usar a *variância*, ( $s^2$ ), pois o valor obtido leva em consideração o *tamanho da amostra*.

A fórmula geral da variância é

$$(s^2) = \text{soma de quadrados dos desvios} / (n - 1).$$

Como a mostra *A* tem 6 elementos a variância é assim calculada:  $168 / 5 = 33,6$ .

Do mesmo modo, para a amostra *B* =  $220 / 6 = 36,67$  e para a amostra *C* =  $228 / 9 = 25,33$ .

### Fórmulas

Considerando uma série de  $N$  valores de uma variável  $x$  ( $x_1, x_2, x_3, x_4, \dots, x_n$ ), com média  $\bar{x}$ , a variância pode ser determinada por:

$$s^2 = \sum (x_i - \bar{x})^2 / (N - 1)$$

$$s^2 = \sum(x_i^2) - N \bar{x}^2 / (N - 1)$$

$$s^2 = \sum x^2 - [(\sum x)^2 / N] / (N - 1)$$

Assim, a variância é a medida que se obtém somando os quadrados dos desvios das observações da amostra, relativamente à sua média, e dividindo pelo número de observações da amostra menos um.

É importante notar que:

- a variância *nunca é negativa*, porque os quadrados são sempre positivos ou nulos. Assim, a unidade de variância é o quadrado da unidade de observação. (Exemplo: a variância de um conjunto de alturas medidas em centímetros será dada em centímetros quadrados).
- se todas as médias das amostras forem iguais, o valor da variância da média seria igual a zero.
- quanto maior for a variância menor é o grau de concentração dos indivíduos na amostra

*Exemplo:*

Apenas como exemplo, suponha que duas amostras apresentaram os seguintes valores de largura de um órgão, em cm:

**A** = 8, 10, 12, 14 e 16 e

**B** = 4, 8, 12, 16 e 20

### Cálculo da variância de dados puros

Quando se tem todos os dados individuais, ainda sem nenhum tratamento, portanto sem agrupamento em *classes*, pode-se obter o quadrado dos valores individuais e das duas somatórias.

*Exemplo:*

Considere 2 amostras, A e B, com 5 dados cada:



Amostras	A		B	
	x	x <sup>2</sup>	x	x <sup>2</sup>
	8	64	4	16
	10	100	8	64
	12	144	12	144
	14	196	16	256
	16	256	20	400
<b>Total</b>	<b>60</b>	<b>760</b>	<b>60</b>	<b>880</b>

Pode-se calcular a variância do seguinte modo:

Variância A

$$s^2_A = \Sigma x^2 - [(\Sigma x)^2 / N] / (N - 1) = [760 - (60^2 / 5)] / 4 =$$

$$= (760 - 720) / 4 = 10$$

Variância B

$$s^2_B = \Sigma x^2 - [(\Sigma x)^2 / N] / (N - 1)$$

$$= [880 - (60^2 / 5)] / 4 = (880 - 720) / 4 = 40$$

Notar que na amostra A os indivíduos estão mais *concentrados*, distribuindo-se entre o valor mínimo = 8 e o máximo = 16

E, na amostra B estão mais *dispersos* (distribuindo-se ente 4 e 20).

Assim, na amostra **A** a variância ( $s^2_A = 10$ ) é menor que a da **B** ( $s^2_B = 40$ ).

### Exercício

Acessar a [lista de exercícios 1g](#). Responder a questão 6.

### Desvio Padrão

O *desvio padrão* é obtido simplesmente encontrando-se a raiz quadrada do valor obtido para a *variância*. É representado por s.

Utilizando os dados do exemplo anterior:

$$s_A = \text{raiz } s^2_A = \text{raiz } 10 = 3,16$$

$$s_B = \text{raiz } s^2_B = \text{raiz } 40 = 6,32$$

No caso da variância lida-se com *unidades ao quadrado*, representando uma grandeza em duas dimensões.

Para ter uma medida da variabilidade ou dispersão usa-se o *desvio padrão* que tem a mesma *unidade* dos dados originais. É um desvio médio em relação à média do conjunto de dados.

É importante notar, portanto, que quando se fala de desvio padrão ou de variância, fala-se de *medidas de dispersão*, que diferem apenas por uma transformação matemática, ou seja, diferem

somente em um ajuste de [escala](#).

Pela sua própria definição nota-se que o desvio padrão é uma medida que só pode assumir valores não negativos e que, quanto maior for, indicará mais variabilidade nos dados e que maior será a dispersão deles.

### Média, variância e desvio padrão em dados classificados

Como calcular a variância e o desvio padrão se não tivermos todos os dados individuais, ou seja, quando a mostra está dividida em [classes](#)?

Por *exemplo*, supondo que na literatura tivéssemos obtido os dados sobre as frequências dos intervalos de classes apresentados para a característica idade:

Limites	<i>f</i>	
4 a 7	0	Como seria possível calcular, a partir apenas desses dados: a. média b. variância c. desvio padrão
8 a 11	2	
12 a 15	1	
16 a 19	3	
20 a 23	8	
24 a 27	11	

Há um método fácil. Primeiramente, calcula-se o *valor central* de cada intervalo de classe (*x*).

<b>Limites</b>	<b>Centro <i>x</i></b>	<b><i>f</i></b>	<b><i>fx</i></b>	<b><i>x</i><sup>2</sup></b>	<b><i>fx</i><sup>2</sup></b>
4 a 7	5,5	0	0,00	30,25	0,00
8 a 11	9,5	2	19,00	90,25	180,50
12 a 15	13,5	1	13,50	182,25	182,25
16 a 19	17,5	3	52,50	306,25	918,75
20 a 23	21,5	8	172,00	462,25	3698,00
24 a 27	25,5	11	280,50	650,25	7152,75
<b>Total</b>		<b>25</b>	<b>537,50</b>	<b>1721,50</b>	<b>12132,25</b>

E calcula-se:

Média = <i>M</i>	$\Sigma fx / n$	= 537,50 / 25 = 21,50
Variância = <i>s</i> <sup>2</sup> =	$\Sigma fx^2 - [(\Sigma fx)^2 / N] / (N - 1)$	= [12132,25 - (537,50 <sup>2</sup> / 25)] / 24 = 24,00
Desvio padrão = <i>s</i> =	<i>raiz s</i> <sup>2</sup>	= <i>raiz</i> 24,00 = 4,8990

Para facilitar os cálculos utilize uma planilha especial:

Média, Variância e Desvio Padrão em amostras com até 25 classes com dados classificados

Copie a planilha comprimida em [formato xls](#) ou em [ods](#)  
<http://www.cultura.ufpa.br/dicas/biome/biozip/amostra.zip>

### Outras medidas de dispersão

A *amplitude* de um conjunto de números é a diferença entre o maior e o menor dos números do conjunto. É a medida mais simples que já mostra a dispersão dos dados.

#### *Coefficiente de variação*

Representando-se a dispersão absoluta pelo desvio-padrão ( $s$ ), define-se a seguinte dispersão relativa, chamada de coeficiente de variação, como a razão entre o desvio padrão e a média amostral:

$$C = s / \bar{x}$$

O C ( ou CV ou V) é geralmente expresso em porcentagem.

É importante notar que esse coeficiente é independente das unidades de medida usadas, por isso é útil para comparar distribuições, mesmo que as unidades das variáveis sejam diferentes.

### Simetria e Assimetria

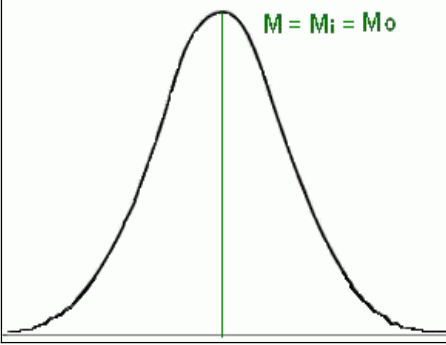
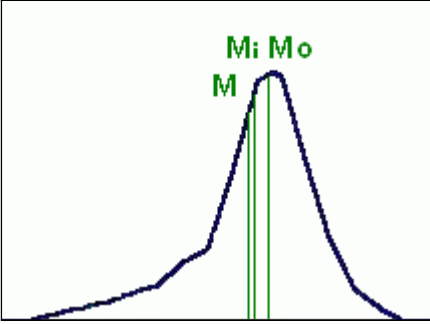
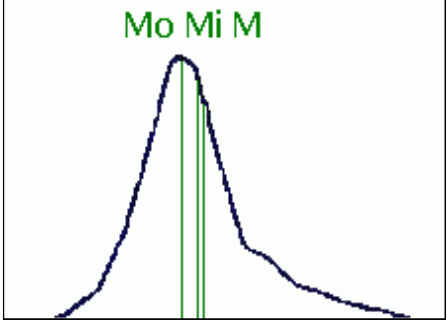
As distribuições de frequências não diferem apenas quanto ao valor médio e à variabilidade. Deve-se considerar também a sua *forma*, que pode ser simétrica ou assimétrica. Assim, uma das características mais importantes de uma distribuição de frequências é a *simetria* ou a falta dela.

*Simetria*: diz-se que uma distribuição de frequências é *simétrica* quando a média, mediana e moda são iguais, ou seja, coincidem num mesmo ponto, apresentando o mesmo valor.

*Assimetria*: Já, quando a média, mediana e a moda apresentam valores diversos, caindo em pontos diferentes da distribuição, diz-se que a distribuição de frequências é *assimétrica*.

O deslocamento desses pontos pode acontecer para a direita ou para a esquerda. Portanto, quanto ao grau de deformação, uma curva de frequência de uma distribuição unimodal pode ser:

- Simétrica
- Assimétrica Positiva
- Assimétrica Negativa

	<p><i>Simétrica</i> - Tem um só "pico" e apresenta o máximo de frequência no centro, diminuindo gradativamente em ambos os lados, até atingir valores extremos da escala.</p> <p>Nesse caso, <i>Média = Mediana = Moda</i> (<math>M = M_i = M_o</math>).</p> <p>Também é chamada de campanular ou em forma de sino ou, ainda, por curva normal ou curva de Gauss.</p>
	<p><i>Assimétrica Negativa</i> - Tem um só "pico". A moda apresenta-se no máximo de frequência, sendo maior que a mediana e a média.</p> <p>Nesse caso, <math>M &lt; M_i &lt; M_o</math>, ou seja a moda é o maior valor dos 3 promédios.</p>
	<p><i>Assimétrica Positiva</i> - Tem um só "pico". A moda apresenta-se no máximo de frequência, sendo menor que a mediana e a média.</p> <p>Nesse caso, <math>M_o &lt; M_i &lt; M</math>, ou seja a média é o maior valor dos 3 promédios.</p>

### Curva normal - uma curva unimodal simétrica

Se desenharmos uma curva com os valores amostrados e obtivermos uma curva unimodal simétrica, em forma de sino, sabe-se que média, moda e mediana estão no ápice da curva, sendo que a distribuição de valores maiores que a média e a dos valores menores que a média é especular.

É importante lembrar que:

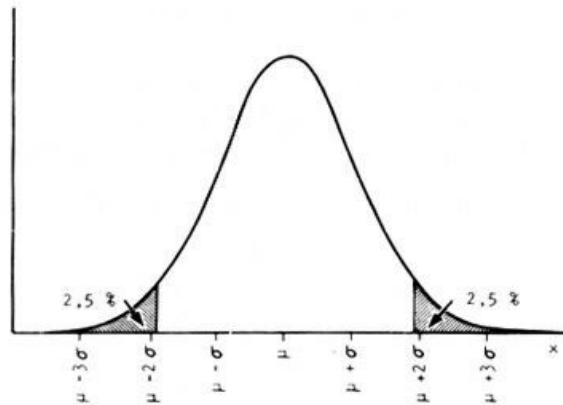
<i>Símbolos usados</i>	<i>Amostra</i>	<i>População</i>
Média	M ou $\bar{x}$	$\mu$
Desvio padrão	<b>s</b>	$\sigma$

Assim, se passarmos uma reta exatamente no meio da curva e chamarmos de zero a intersecção entre elas ( ponto onde está a média  $\mu$ ) e se for utilizada uma [escala](#) com o número de desvios padrão no eixo dos X, ou seja valores positivos do desvio padrão à direita:  $+1\sigma$ ,  $+2\sigma$ ,  $+3\sigma$  e valores negativos para a esquerda:  $-1\sigma$ ,  $-2\sigma$ ,  $-3\sigma$  serão encontrados os seguintes valores

de probabilidade:

Sub-área da curva

População	Amostra	Valor
$\mu \pm 1\sigma$	$\bar{x} \pm 1s$	68,26 %
$\mu \pm 2\sigma$	$\bar{x} \pm 2s$	95,44 %
$M \pm 3\sigma$	$\bar{x} \pm 3s$	99,74%



(Se desejar saber como esses valores de *probabilidade* foram obtidos, clicar [aqui](#)).

Importante é notar que ao estudar uma variável com distribuição normal em duas ou mais amostras em geral é necessário saber se uma amostra difere significativamente das outras, ou seja, se elas podem ser consideradas como extraídas da mesma população.

Como a distribuição normal é determinada pela média e desvio padrão (ou variância) é óbvio que se as médias e variâncias de 2 ou + amostras não diferirem significativamente pode-se aceitar que elas foram extraídas da mesma população.

### Assimetria

A assimetria, representada pela notação "As" é característica das distribuições *deformadas*.

Pearson propôs a seguinte fórmula de cálculo:

$$As = (\bar{x} - Mo) / s$$

Entretanto, a assimetria pode dar-se na cauda esquerda ou na direita da curva de distribuição de frequências, pois, se

$As > 0$ : a distribuição é assimétrica positiva (à direita)  
 $As < 0$ : a distribuição é assimétrica negativa (à esquerda)

- Curva ou Distribuição de Frequências com *Assimétrica Positiva*  
Neste caso a cauda é mais alongada à direita da ordenada máxima (ordenada correspondente à moda) e a média aritmética apresenta um valor maior do que a mediana, e esta, por sua vez, tem valor maior do que a moda. Há uma predominância de valores superiores a moda.

$$\bar{x} > Mi > Mo$$

- Curva ou Distribuição de Frequências com *Assimétrica Negativa*  
Neste caso a cauda é mais alongada à esquerda da ordenada máxima e predominam valores inferiores à moda.

De forma geral, quanto mais o valor se afastar do zero tanto maior será o grau de assimetria da curva.

*Exemplo:*

Usando os dados numéricos anteriores e sabendo-se que o desvio padrão é 5,58, calcule a simetria

$$As = (13,28 - 13,19) / 5,58 = 0,0161$$

Este "site", destinado prioritariamente aos alunos de Fátima Conti, pretende auxiliar quem esteja começando a se interessar por Bioestatística, computadores e programas, estando em permanente construção. Sugestões e comentários são bem vindos. Agradeço antecipadamente.

---

**Endereço** dessa página:

HTML: <http://www.cultura.ufpa.br/dicas/biome/bioamos.htm>

PDF: <http://www.cultura.ufpa.br/dicas/biopdf/bioamos.pdf>

**Última alteração:** 24 mar 2011 (Solicito conferir datas. Pode haver atualização só em HTML).